

# DIE SPRACHE EINES AUTOMATEN

Ein endlicher Automat  $A$  ist gegeben durch das Fünf-Tupel  $A = (S, \Sigma, s_0, F, R)$ . Dabei beschreibt die Funktion  $R: S \times \Sigma \rightarrow S$  die Zustandsübergänge.

Ist der endliche Automat nach Abarbeiten eines Eingabewortes in einem Endzustand, so hat er das *Eingabewort akzeptiert* (man bezeichnet den Automaten deshalb auch als *Akzeptor*). Die *Menge aller akzeptierten Eingabeworte* nennen wir die **Sprache des Automaten** und bezeichnen diese mit  $L(A)$ .

Mit  $\Sigma^*$  bezeichnet man die Menge aller Wörter über dem Alphabet  $\Sigma$ , d.h.

$\Sigma^* =$  Menge aller endlichen Folgen aus Zeichen von  $\Sigma$   
(einschließlich des leeren Wortes  $\epsilon$ );

$\Sigma^+$  hingegen bezeichnet die gleiche Menge ohne das leere Wort  $\epsilon$ , d.h.  $\Sigma^+ = \Sigma^* \setminus \{ \epsilon \}$ .

Um die Arbeitsweise des Akzeptors  $A$  formal zu definieren, setzen wir die Funktion  $R: S \times \Sigma \rightarrow S$  zu einer Funktion  $R': S \times \Sigma^* \rightarrow S$  fort. Dann ist

$$L(A) = \{ w \mid w \in \Sigma^* \text{ und } R'(s_0, w) \in F \}$$

die formale Beschreibung der Sprache des Automaten.

**Aufgabe 1:** Entwerfe jeweils einen Akzeptor  $A$  mit dem Eingabealphabet  $\Sigma = \{ a, b \}$ , der die folgende Sprache  $L(A)$  akzeptiert!

- a)  $L(A) = \{ abba \}$  *die Menge, die nur „abba“ enthält*
- b)  $L(A) = \{ a^n \mid n \in \mathbb{N}_0 \}$  *die Menge, die alle nur aus a's bestehenden Worte enthält (das leere Wort eingeschlossen!)*
- c)  $L(A) = \{ a^n b \mid n \in \mathbb{N} \}$
- d)  $L(A) = \{ awb \mid w \in \Sigma^* \}$
- e)  $L(A) = \{ w \mid w \in \Sigma^* \text{ und } w \text{ enthält eine gerade Anzahl von a's} \}$
- f)  $L(A) = \Sigma^* \setminus \{ abba \}$  *die Menge aller Wörter über  $\Sigma^*$ , außer „abba“!*
- g) 1.  $L(A) = \{ \epsilon \}$  2.  $L(A) = \Sigma^* \setminus \{ \epsilon \}$   
 1.  $L(A) = \{ \}$  2.  $L(A) = \Sigma^* \setminus \{ \} = \Sigma^*$

**Aufgabe 2:** Gib für jeden der folgenden Akzeptoren  $A$  die akzeptierte Sprache  $L(A)$  an!

